Рабочая программа дисциплины (модуля) «Высшая математика», включая оценочные материалы

1. Требования к результатам обучения по дисциплине (модулю)

1.1. Перечень компетенций, формируемых дисциплиной (модулем) в процессе освоения образовательной программы

Группа компетенций	Категория компетенций	Коды и содержание компетенций
Универсальные	-	-
Общепрофессиональные	-	ОПК-2. Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач
Профессиональные	-	-

1.2. Компетенции и индикаторы их достижения, формируемых дисциплиной (модулем) в процессе освоения образовательной программы

Код компетенции	Код индикатора компетенции	Содержание индикатора компетенции
ОПК-2	ОПК-2.1	Осуществляет сбор, обработку и анализ данных, необходимых для решения поставленных финансово-экономических задач, с использованием современного инструментария (математических методов и методов социально-экономической статистики)

1.3. Результаты обучения по дисциплине (модулю)

Цель изучения дисциплины (модуля) – формирование математической культуры студентов, овладение современным аппаратом математики для дальнейшего использования в других областях естественнонаучного знания и дисциплинах естественнонаучного содержания, подготовка к изучению и применению математических методов в профессиональной деятельности, к самостоятельному изучению тех разделов математики, которые могут потребоваться дополнительно в практической и исследовательской работе; формирование навыков использования математических методов и основ математического моделирования в практической деятельности и научной работе.

В результате изучения дисциплины (модуля) обучающийся должен

знать:

- приемы исследования и решения математически формализованных задач;
- математические методы, используемые для сбора, обработки и анализа данных, необходимых для решения поставленных экономических задач;

уметь:

- выбирать ресурсы для поиска информации, необходимой для решения поставленной задачи;
- находить, критически анализировать, сопоставлять, систематизировать и обобщать обнаруженную информацию, необходимую для решения поставленной задачи;
- выявлять системные связи и отношения между изучаемыми явлениями, процессами и/или объектами на основе принятой парадигмы
- применять математические методы для решения практических задач;
- строить математические модели прикладных экономических задач и исследовать эти модели;

владеть:

- методами математического анализа, линейной алгебры, применяемыми в экономике;
- навыками применения современного математического инструментария для решения экономических задач;
- математическими методами решения типовых организационно-управленческих задач.

2. Объем, структура и содержание дисциплины (модуля)

2.1. Объем дисциплины (модуля)

Виды учебной работы	*Формы обучения*		
	Очная	***Очно-заочная***	***Заочная***
Общая трудоемкость: зачетные единицы/часы	7/252		
Контактная работа:	128	56	24
Занятия лекционного типа	64	28	10
Занятия семинарского типа	64	28	14
Консультации	0	0	0
Промежуточная аттестация: зачет, экзамен	18	18	13
Самостоятельная работа (СР)	106	178	215

Примечания: зачет, зачет с оценкой по очной форме обучения проводится в рамках занятий семинарского типа. В учебном плане часы не выделены.

2.2. Темы (разделы) дисциплины (модуля) с указанием отведенного на них количества часов по формам образовательной деятельности

Очная форма обучения

№ п/п	Наименование тем (разделов)	Виды учебной работы (в часах)						
		Контактная работа						СР
		Занятия лекционного типа		Занятия семинарского типа				
		Л	Иные	ПЗ	С	ЛР	Иные	
1.	Элементы линейной алгебры	8	0	8	0	0	0	13
2.	Элементы аналитической геометрии	8	0	8	0	0	0	13
3.	Элементы математического анализа	8	0	8	0	0	0	13
4.	Дифференциальное исчисление	8	0	8	0	0	0	13
5.	Интегральное исчисление	8	0	8	0	0	0	13
6.	Функции нескольких переменных	8	0	8	0	0	0	13
7.	Дифференциальные и разностные уравнения	8	0	8	0	0	0	13
8.	Ряды	8	0	8	0	0	0	15

Очно-заочная форма обучения

№ п/п	Наименование тем (разделов)	Виды учебной работы (в часах)						
		Контактная работа						СР
		Занятия лекционного типа		Занятия семинарского типа				
		Л	Иные	ПЗ	С	ЛР	Иные	
1.	Элементы линейной алгебры	6	0	5	0	0	0	17
2.	Элементы аналитической геометрии	6	0	5	0	0	0	19
3.	Элементы математического анализа	5	0	6	0	0	0	19
4.	Дифференциальное исчисление	5	0	6	0	0	0	19
5.	Интегральное исчисление	5	0	5	0	0	0	19
6.	Функции нескольких	5	0	5	0	0	0	19

	переменных							
7.	Дифференциальные и разностные уравнения	5	0	5	0	0	0	19
8.	Ряды	5	0	5	0	0	0	19

Заочная форма обучения

№ п/п	Наименование тем (разделов)	Виды учебной работы (в часах)						
		Контактная работа						СР
		Занятия лекционного типа		Занятия семинарского типа				
		Л	Иные	ПЗ	С	ЛР	Иные	
1.	Элементы линейной алгебры	1	0	2	0	0	0	26
2.	Элементы аналитической геометрии	1	0	2	0	0	0	26
3.	Элементы математического анализа	2	0	1	0	0	0	26
4.	Дифференциальное исчисление	2	0	1	0	0	0	26
5.	Интегральное исчисление	1	0	2	0	0	0	26
6.	Функции нескольких переменных	1	0	2	0	0	0	26
7.	Дифференциальные и разностные уравнения	2	0	1	0	0	0	26
8.	Ряды	2	0	1	0	0	0	29

Примечания:

Л – лекции, ПЗ – практические занятия, С – семинары, ЛР – лабораторные работы, СР – самостоятельная работа.

2.3. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) и видам работ

Содержание лекционного курса

№ п/п	Наименование тем (разделов)	Содержание лекционного курса
1.	Элементы линейной алгебры	Векторы и действия с ними. Линейное пространство. Матрицы и действия с ними. Определители: понятие, свойства, применение. Системы линейных уравнений: понятие, виды, методы решений. Линейные операторы и действия с ними. Квадратичные формы: понятия и виды.
2.	Элементы аналитической геометрии	Линии на плоскости. Кривые второго порядка: понятие, виды, преобразования. Прямые линии и плоскости в пространстве.
3.	Элементы математического анализа	Множество: понятие, виды, операции над ними. Функции: понятие, виды, применение. Переделы: определение, виды, применение. Непрерывность функции: определение, свойства,применение.
4.	Дифференциальное исчисление	Производная функции: определение, свойства, применения. Свойства дифференцируемых функции: основные теории и правила. Исследование функций с помощью первой производной. Исследование функций с помощью второй производной.
5.	Интегральное исчисление	Методы интегрирования. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование иррациональных функций. Интегрирование тригонометрических функций. Определенный интеграл: понятие, свойства, применение. Несобственные интегралы: понятие, виды, свойства
6.	Функции нескольких переменных	Функция многих переменных: понятие, свойства, применение. Частные приращения и частные производные: понятие и свойства.

		Полные приращения и полный дифференциал: понятие и свойство. Экстремум: понятие и свойства.
7.	Дифференциальные и разностные уравнения	Дифференциальные уравнения первого порядка: понятие, свойства, применения. Дифференциальные уравнения второго и высшего порядков: понятие, свойства, применение. Разностные уравнения: понятие, свойства, применение.
8.	Ряды	Числовые ряды: понятие, свойства, применение. Функциональные ряды: понятие, свойства, применение. Ряды Тэйлора и Маклорена: определение, свойства, применение.

Содержание занятий семинарского типа

№ п/п	Наименование тем (разделов)	Тип	Содержание занятий семинарского типа
1.	Элементы линейной алгебры	ПЗ	Проблемы для обсуждения: Векторы и действия с ними. Линейное пространство. Матрицы и действия с ними. Определители: понятие, свойства, применение. Системы линейных уравнений: понятие, виды, методы решений. Линейные операторы и действия с ними. Квадратичные формы: понятия и виды. Решение задач: Действия с векторами. Действия с матрицами. Применение определителей. Решение систем линейных уравнений. Действия с линейными операторами. Применение элементов линейной алгебры в экономике.
2.	Элементы аналитической геометрии	ПЗ	Проблемы для обсуждения: Линии на плоскости. Кривые второго порядка: понятие, виды, преобразования. Прямые линии и плоскости в пространстве. Решение задач: Метод координат на плоскости. Прямая в декартовых координатах. Условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости. Кривые второго порядка. Преобразование уравнений второго порядка к каноническому виду. Плоскость. Прямая линия в пространстве.
3.	Элементы математического анализа	ПЗ	Проблемы для обсуждения: Множество: понятие, виды, операции над ними. Функции: понятие, виды, применение. Переделы: определение, виды, применение. Непрерывность функции: определение, свойства, применение. Решение задач: Операции над множествами. Основные элементарные функции и их графики. Вычисление пределов переменных величин и функций одной переменной. Непрерывные функции.
4.	Дифференциальное исчисление	ПЗ	Проблемы для обсуждения: Производная функции: определение, свойства, применения. Свойства дифференцируемых функции: основные теории и правила. Исследование функций с помощью первой производной. Исследование функций с помощью второй производной. Дифференциал функции.

			Решение задач: Производные основных элементарных функций. Производные сложной и обратной функций. Производные высших порядков. Приложение производной к исследованию функций.
5.	Интегральное исчисление	ПЗ	Проблемы для обсуждения: Методы интегрирования. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование иррациональных функций. Интегрирование тригонометрических функций. Определенный интеграл: понятие, свойства, применение. Несобственные интегралы: понятие, виды, свойства Решение задач: Интегралы от основных функций. Использование методов интегрирования для случая неопределенных интегралов. Вычисление определенных интегралов. Вычисление несобственных интегралов.
6.	Функции нескольких переменных	ПЗ	Проблемы для обсуждения: Функция многих переменных: понятие, свойства, применение. Частные приращения и частные производные: понятие и свойства. Полные приращения и полный дифференциал: понятие и свойство. Экстремум: понятие и свойства. Решение задач: Функции нескольких переменных. Вычисление частных производных функции нескольких переменных. Нахождение полного дифференциала для функции двух и трех переменных. Локальный экстремум функции нескольких переменных.
7.	Дифференциальные и разностные уравнения	ПЗ	Проблемы для обсуждения: Дифференциальные уравнения первого порядка: понятие, свойства, применения. Дифференциальные уравнения второго и высшего порядков: понятие, свойства, применение. Разностные уравнения: понятие, свойства, применение. Решение задач: Решение дифференциальных уравнений первого порядка. Решение линейных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами. Решение типовых разностных уравнений.
8.	Ряды	ПЗ	Проблемы для обсуждения: Числовые ряды: понятие, свойства, применение. Функциональные ряды: понятие, свойства, применение. Ряды Тэйлора и Маклорена: определение, свойства, применение. Решение задач: Действия с рядами. Разложение в ряд элементарных функций Исследование рядов на сходимость. Разложение функций в ряд Маклорена.

Содержание самостоятельной работы

№ п/п	Наименование тем (разделов)	Содержание самостоятельной работы
1.	Элементы линейной алгебры	Специфические свойства операции умножения матриц. Матричная модель балансового анализа. Линейная модель обмена (матричная модель международной торговли).
2.	Элементы аналитической	Приложения метода координат на плоскости. Частные случаи

	геометрии	общего уравнения плоскости. Цилиндрические поверхности. Поверхности вращения. Канонические уравнения поверхностей второго порядка.
3.	Элементы математического анализа	Числовые множества. Комплексные числа. Числовые последовательности.
4.	Дифференциальное исчисление	Производные высших порядков от явно заданных функций. Производные высших порядков от неявно заданных функций. Производные высших порядков от функций, заданных параметрически. Приложение дифференциального исчисления к геометрии.
5.	Интегральное исчисление	Геометрические приложения определенного интеграла. Площадь плоской фигуры. Объем тела вращения. Длина дуги кривой.
6.	Функции нескольких переменных	Функции трех и более переменных. Производная по дуге и по направлению. Градиент и его связь с производной по направлению. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
7.	Дифференциальные и разностные уравнения	Дифференциальные уравнения высших порядков. Особые решения. Дифференциальные уравнения, не разрешенные относительно производной.
8.	Ряды	Применение рядов в приближенных вычислениях. Приближенное вычисление значений функций. Приближенное вычисление интегралов. Интегрирование дифференциальных уравнений.

3. Оценочные материалы для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

По дисциплине (модулю) предусмотрены следующие виды контроля качества освоения:

- текущий контроль успеваемости;
- промежуточная аттестация обучающихся по дисциплине (модулю).

3.1. Оценочные материалы для проведения текущей аттестации по дисциплине (модулю)

№ п/п	Контролируемые темы (разделы)	Наименование оценочного средства
1.	Элементы линейной алгебры	Устный опрос, кейсы, контрольная работа, тест.
2.	Элементы аналитической геометрии	Устный опрос, кейсы, контрольная работа, тест.
3.	Элементы математического анализа	Устный опрос, кейсы, контрольная работа, тест.
4.	Дифференциальное исчисление	Устный опрос, кейсы, контрольная работа, тест.
5.	Интегральное исчисление	Устный опрос, кейсы, контрольная работа, тест.
6.	Функции нескольких переменных	Устный опрос, кейсы, контрольная работа, тест.
7.	Дифференциальные и разностные уравнения	Устный опрос, кейсы, контрольная работа, тест.
8.	Ряды	Устный опрос, кейсы, контрольная работа, тест.

3.1.1 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности в процессе текущего контроля успеваемости

Устный опрос

№ п/п	Контролируемые темы (разделы)	Вопросы к опросу
1	Элементы линейной алгебры	1. Матрицы и их виды. Операции над матрицами. 2. Вычисление определителей квадратных матриц 1, 2 и 3-го порядков. 3. Минор и алгебраическое дополнение элемента матрицы.

		4. Теорема Лапласа. Свойства определителей, вытекающие из теоремы Лапласа. 5. Обратная матрица. Необходимое и достаточное условие существования обратной матрицы. 6. Теорема о ранге матрицы. 7. Метод обратной матрицы решения СЛАУ. 8. Метод Крамера решения СЛАУ. 9. Метод Гаусса решения СЛАУ. 10. Теорема Кронекера Капелли. 11. Системы однородных уравнений. Фундаментальная система решений. 12. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора. 13. Квадратичные формы. 14. Знакоопределенность квадратичной формы.
2	Элементы аналитической геометрии	1. Метод координат на плоскости. 2. Прямая в декартовых координатах. 3. Методы задания уравнение прямой на плоскости. 4. Условие параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости. 5. Угол между двумя прямыми. 6. Условие параллельности 7. и перпендикулярности двух плоскостей 8. Угол между двумя плоскостями. 9. Окружность и эллипс. 10. Гипербола и парабола. 11. Уравнение плоскости и прямой в пространстве. 12. Пространственные фигуры.
3	Элементы математического анализа	1. Понятие множества. 2. Операции над множествами. 3. Понятие функции. 4. Способы задания функций. 5. Основные свойства функций. 6. Основные элементарные функции и их графики. 7. Предел числовой последовательности и его геометрический смысл. 8. Предел функции в бесконечности и в точке. 9. Бесконечно малые и бесконечно большие величины, их свойства. 10. Основные теоремы о пределах. 11. Признаки существования предела. 12. Замечательные пределы. 13. Определение непрерывности функции в точке. 14. Точки разрыва функции.
4	Дифференциальное исчисление	1. Физический, экономический и геометрический смысл производной. 2. Непрерывность и дифференцируемость функции. 3. Основные правила и формулы дифференцирования. 4. Производные сложной и обратной функций. 5. Производные высших порядков 6. Раскрытие неопределенностей. 7. Формула Маклорена. 8. Исследование функций. 9. Понятие дифференциала функции. Геометрический смысл дифференциала.

		10. Приближение дифференциала в приближенных вычислениях.
5	Интегральное исчисление	1. Первообразная функции и неопределенный интеграл. 2. Свойства неопределенного интеграла. 3. Интегралы от основных функций. 4. Формулы интегрирования. 5. Метод замены переменной. 6. Метод интегрирования по частям. 7. Понятие «неберущихся» интегралов. 8. Понятие определенного интеграла, его геометрический и экономический смысл. 9. Достаточное условие существования определенного интеграла. 10. Свойства определенного интеграла. 11. Формула Ньютона-Лейбница. 12. Особенности использования методов интегрирования для случая определенных интегралов. 13. Несобственные интегралы. 14. Геометрические приложения определенного интеграла.
6	Функции нескольких переменных	1. Частные производные. 2. Производная по направлению. 3. Градиент. 4. Дифференциал функции нескольких переменных – ФНП. 5. Максимум и минимум ФНП. 6. Наибольшее и наименьшее значения функции нескольких переменных. 7. Условный экстремум. 8. Понятие двойного интеграла.
7	Дифференциальные и разностные уравнения	1. Геометрическая интерпретация уравнения $y' = f(x,y)$ и его решения. 2. Интегральные кривые. 3. Задача Коши. 4. Уравнения с разделяющимися переменными. 5. Виды дифференциальных уравнений первого порядка. 6. Методы решения дифференциальных уравнений первого порядка. 7. Дифференциальные уравнения второго порядка. 8. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. 9. Разностные уравнения. 10. Методы решения линейных разностных уравнений.

8	Ряды.	1. Гармонический ряд. 2. Сходимость числового ряда. Признаки сходимости. 3. Ряды с положительными членами. Признак сравнения рядов. Предельный признак сравнения. 4. Признаки сходимости рядов: признак Даламбера; интегральный признак Коши. 5. Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница. 6. Функциональный ряд. Типы функциональных рядов. 7. Степенные ряды. Радиус сходимости степенного ряда. Теорема Абеля. 8. Ряд Тейлора. 9. Ряд Маклорена, как частный случай ряда Тейлора. 10. Необходимый и достаточный признак сходимости ряда Маклорена.

Творческое задание в виде эссе

Кейсы (ситуации и задачи с заданными условиями)

Деловая игра

Исследовательский проект (реферат)

Информационный проект (доклад)

Дискуссионные процедуры (круглый стол, дискуссия, полемика, диспут, дебаты, мини-конференции)

Контрольный работа

Мини-тест

3.1.2. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности в ходе текущего контроля успеваемости
Устный ответ

Оценка знаний предполагает дифференцированный подход к обучающемуся, учет его индивидуальных способностей, степень усвоения и систематизации основных понятий и категорий по дисциплине. Кроме того, оценивается не только глубина знаний поставленных вопросов, но и умение использовать в ответе практический материал. Оценивается культура речи, владение навыками ораторского искусства.

Критерии оценивания: последовательность, полнота, логичность изложения, анализ различных точек зрения, самостоятельное обобщение материала, использование профессиональных терминов, культура речи, навыки ораторского искусства. Изложение материала без фактических ошибок.

Оценка *«отлично»* ставится в случае, когда материал излагается исчерпывающе, последовательно, грамотно и логически стройно, при этом раскрываются не только основные понятия, но и анализируются точки зрения различных авторов. Обучающийся не затрудняется с ответом, соблюдает культуру речи.

Оценка *«хорошо»* ставится, если обучающийся твердо знает материал, грамотно и по существу излагает его, знает практическую базу, но при ответе на вопрос допускает несущественные погрешности.

Оценка *«удовлетворительно»* ставится, если обучающийся освоил только основной материал, но не знает отдельных деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушает последовательность в изложении материала, затрудняется с ответами, показывает отсутствие должной связи между анализом, аргументацией и выводами.

Оценка *«неудовлетворительно»* ставится, если обучающийся не отвечает на поставленные вопросы.

Кейсы (ситуации и задачи с заданными условиями)

Обучающийся должен уметь выделить основные положения из текста задачи, которые требуют анализа и служат условиями решения. Исходя из поставленного вопроса в задаче, попытаться максимально точно определить проблему и соответственно решить ее.

Задачи могут решаться устно и/или письменно. При решении задач также важно правильно сформулировать и записать вопросы, начиная с более общих и, кончая частными.

Критерии оценивания – оценка учитывает методы и средства, использованные при решении ситуационной, проблемной задачи.

Оценка *«отлично»* ставится в случае, когда обучающийся выполнил задание (решил задачу), используя в полном объеме теоретические знания и практические навыки, полученные в процессе обучения.

Оценка *«хорошо»* ставится, если обучающийся в целом выполнил все требования, но не совсем четко определяется опора на теоретические положения, изложенные в научной литературе по данному вопросу.

Оценка *«удовлетворительно»* ставится, если обучающийся показал положительные результаты в процессе решения задачи.

Оценка *«неудовлетворительно»* ставится, если обучающийся не выполнил все требования.

Тестирование

Является одним из средств контроля знаний обучающихся по дисциплине (модулю).

Критерии оценивания – правильный ответ на вопрос

Оценка *«отлично»* ставится в случае, если правильно выполнено 90-100% заданий.

Оценка *«хорошо»* ставится, если правильно выполнено 70-89% заданий.

Оценка *«удовлетворительно»* ставится в случае, если правильно выполнено 50-69% заданий.

Оценка *«неудовлетворительно»* ставится, если правильно выполнено менее 50% заданий.

3.2. Оценочные материалы для проведения промежуточной аттестации

3.2.1. Критерии оценки результатов обучения по дисциплине (модулю)

Шкала оценивания	Результаты обучения	Показатели оценивания результатов обучения
ОТЛИЧНО	Знает:	- обучающийся глубоко и всесторонне усвоил материал, уверенно, логично, последовательно и грамотно его излагает, опираясь на знания основной и дополнительной литературы, - на основе системных научных знаний делает квалифицированные выводы и обобщения, свободно оперирует категориями и понятиями.
	Умеет:	- обучающийся умеет самостоятельно и правильно решать учебно-профессиональные задачи или задания, уверенно, логично, последовательно и аргументировано излагать свое решение, используя научные понятия, ссылаясь на нормативную базу.
	Владеет:	- обучающийся владеет рациональными методами (с использованием рациональных методик) решения сложных профессиональных задач, представленных деловыми играми, кейсами и т.д.; При решении продемонстрировал навыки - выделения главного, - связкой теоретических положений с требованиями руководящих документов,

		- изложения мыслей в логической последовательности, - самостоятельного анализа факты, событий, явлений, процессов в их взаимосвязи и диалектическом развитии.
ХОРОШО	Знает:	- обучающийся твердо усвоил материал, достаточно грамотно его излагает, опираясь на знания основной и дополнительной литературы, - затрудняется в формулировании квалифицированных выводов и обобщений, оперирует категориями и понятиями, но не всегда правильно их верифицирует.
	Умеет:	- обучающийся умеет самостоятельно и в основном правильно решать учебно-профессиональные задачи или задания, уверенно, логично, последовательно и аргументировано излагать свое решение, не в полной мере используя научные понятия и ссылки на нормативную базу.
	Владеет:	- обучающийся в целом владеет рациональными методами решения сложных профессиональных задач, представленных деловыми играми, кейсами и т.д.; При решении смог продемонстрировать достаточность, но не глубинность навыков, - выделения главного, - изложения мыслей в логической последовательности, - связки теоретических положений с требованиями руководящих документов, - самостоятельного анализа факты, событий, явлений, процессов в их взаимосвязи и диалектическом развитии.
УДОВЛЕТВО-РИТЕЛЬНО	Знает:	- обучающийся ориентируется в материале, однако затрудняется в его изложении; - показывает недостаточность знаний основной и дополнительной литературы; - слабо аргументирует научные положения; - практически не способен сформулировать выводы и обобщения; - частично владеет системой понятий.
	Умеет:	- обучающийся в основном умеет решить учебно-профессиональную задачу или задание, но допускает ошибки, слабо аргументирует свое решение, недостаточно использует научные понятия и руководящие документы.
	Владеет:	- обучающийся владеет некоторыми рациональными методами решения сложных профессиональных задач, представленных деловыми играми, кейсами и т.д.; При решении продемонстрировал недостаточность навыков - выделения главного, - изложения мыслей в логической последовательности, - связки теоретических положений с требованиями руководящих документов, - самостоятельного анализа факты, событий, явлений, процессов в их взаимосвязи и диалектическом развитии.
НЕУДОВЛЕТВО-РИТЕЛЬНО	Знает:	- обучающийся не усвоил значительной части материала; - не может аргументировать научные положения; - не формулирует квалифицированных выводов и обобщений; - не владеет системой понятий.
	Умеет:	обучающийся не показал умение решать учебно-профессиональную задачу или задание.
	Владеет:	не выполнены требования, предъявляемые к навыкам, оцениваемым «удовлетворительно».

3.2.2. Контрольные задания и/или иные материалы для проведения промежуточной аттестации

Список вопросов для устных ответов (варианты теста)

1. Векторы и действия с ними.
2. Линейное пространство.
3. Матрицы и действия с ними.
4. Определители: понятие, свойства, применение.
5. Системы линейных уравнений: понятие, виды, методы решений.

6. Линейные операторы и действия с ними.
7. Квадратичные формы: понятия и виды.
8. Линии на плоскости.
9. Кривые второго порядка: понятие, виды, преобразования.
10. Прямые линии и плоскости в пространстве.
11. Практическое занятие
12. Множество: понятие, виды, операции над ними.
13. Функции: понятие, виды, применение.
14. Переделы: определение, виды, применение.
15. Непрерывность функции: определение, свойства, применение.
16. Производная функции: определение, свойства, применения.
17. Свойства дифференцируемых функции: основные теории и правила.
18. Исследование функций с помощью первой производной.
19. Исследование функций с помощью второй производной.
20. Методы интегрирования.
21. Интегрирование рациональных дробей.
22. Интегрирование иррациональных функций.
23. Интегрирование тригонометрических функций.
24. Определенный интеграл: понятие, свойства, применение.
25. Несобственные интегралы: понятие, виды, свойства
26. Векторы и действия с ними.
27. Линейное пространство.
28. Матрицы и действия с ними.
29. Определители: понятие, свойства, применение.
30. Системы линейных уравнений: понятие, виды, методы решений.
31. Линейные операторы и действия с ними.
32. Квадратичные формы: понятия и виды.
33. Линии на плоскости.
34. Кривые второго порядка: понятие, виды, преобразования.
35. Прямые линии и плоскости в пространстве.
36. Практическое занятие
37. Множество: понятие, виды, операции над ними.
38. Функции: понятие, виды, применение.
39. Переделы: определение, виды, применение.
40. Непрерывность функции: определение, свойства, применение.
41. Производная функции: определение, свойства, применения.
42. Свойства дифференцируемых функции: основные теории и правила.
43. Исследование функций с помощью первой производной.
44. Исследование функций с помощью второй производной.
45. Методы интегрирования.
46. Интегрирование рациональных дробей.
47. Интегрирование иррациональных функций.
48. Интегрирование тригонометрических функций.
49. Определенный интеграл: понятие, свойства, применение.
50. Несобственные интегралы: понятие, виды, свойства
51. Функция многих переменных: понятие, свойства, применение.
52. Частные приращения и частные производные: понятие и свойства.
53. Полные приращения и полный дифференциал: понятие и свойство.
54. Экстремум: понятие и свойства.
55. Дифференциальные уравнения первого порядка: понятие, свойства, применения.
56. Дифференциальные уравнения второго и высшего порядков: понятие, свойства, применение.

57. Разностные уравнения: понятие, свойства, применение.
58. Числовые ряды: понятие, свойства, применение.
59. Функциональные ряды: понятие. свойства, применение.
60. Ряды Тэйлора и Маклорена: определение, свойства, применение.

Тексты проблемно-аналитических и (или) практических учебно-профессиональных задач

1.Вычислить определитель:

$\begin{vmatrix} p_1 & p_2 \\ -4 & p_3 \end{vmatrix}$.

2. Решить уравнение:

$\begin{vmatrix} x & p_2 \\ p_3 & p_1(x+1) \end{vmatrix} = 6$.

3.Проверить существование и вычислить обратную матрицу для матрицы:

$A = \begin{pmatrix} p_1 & p_3 \\ 2 & p_2 \end{pmatrix}$.

4.Решить систему линейных уравнений по формулам Крамера:

$\begin{cases} p_1 x - p_2 y = 8 \\ 3x + p_3 y = 17 \end{cases}$.

5. Найти собственные значения матрицы:

$A = \begin{pmatrix} p_1 & p_3 \\ 2 & p_2 \end{pmatrix}$.

6.Составить уравнение траектории точки M (x; y), которая при своем движении остается вдвое ближе к точке A(−1;−1), чем к точке B(−4;−4).

7.Дано уравнение: $y^2 - 2x + 4y + 2 = 0$. Выяснить, какую кривую второго порядка она описывает.

8.Парабола с вершиной в начале координат проходит через точку A(2;8) и симметрична относительно оси Oy. Написать ее уравнение.

9. Для прямой $p_1 x + p_2 y - p_3 = 0$: а) провести перпендикулярную ей прямую, проходящую через точку (20; –18) и записать ее уравнение, б) определить координаты точки пересечения данной прямой с прямой $p_2^2 x - p_1 y + p_3 = 0$.

10. Даны два множества: A = {-1, 0, 3,5} и B = {-3, 1, 0, 7, 9}. Найти AUB, A∩B, A \ B, B \ A .

11. Определить интервалы монотонности $f(x) = x^3 - 9x^2 + 15x + 1$.

12. Написать уравнение касательной к кри$y = x^3 + 3x^2 - 2$ в точке $x_0 = -1$

13. Вычислить предел $\lim\limits_{x\to\infty}\left(1+\frac{1}{3x}\right)^{6x}$

14. Найти область определения функции z = 2ln(xy).

15. Найти производную функци$f(x) = \sin(5x + 3)$

16. Найти производную функци$y = \frac{e^x}{x}$

17. Найти дифференциал функци$y = arctg\sqrt{x}$ в точке x = 1.

18.Найти вторую производную функции e^{2x+1} в точке x = 0.

19.Чему равна первообразная функц$x/(x^2+1)$?

$\int_{-1}^{2} x^4\,dx$

20. Вычислить интеграл

21. Вычислить интеграл $\int \frac{\ln x}{x} dx$

22. Вычислить интегра $\int 11 \sin x dx$

23. Вычислить частные производные первого и второго порядка для функции z = x^3 - 2xy^2 + y^2 .

24. Найти экстремум функции z = xy(2 – x – y).

25. Для функции $u = y^2 z + 3z^2 - 4xyz$ в точке К(3,1,1) найти градиент.

26. Найти полный дифференциал функц $e^{\frac{x}{y}}$ в точке М (1,1).

27. Найти общий интеграл дифференциальных уравнений:

а) $\mathrm{tg}x \sin^2 y dx + \cos^2 x \mathrm{ctg} y dy = 0$ б) $\sqrt{1+y^2} dx - (2+y)\sqrt{1+x^2} dy = 0$

28. Проинтегрировать уравнение y′ = xy + xy^2 при начальном условии y(0) = 2

29. Решить дифференциальные уравнения:

а) $y' = x^2 + y$ б) $y' \cos x + y \sin x = 1$

30. Решить уравнение

$(2xy + 3y^2)dx + (x^2 + 6xy - 3y^2)dy = 0$

31. Определить сходится ли данный р $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos^2 n}{n^2}$.Если сходится, указать по какому признаку сходимости.

32. Разложить функцию y(x) = cos(x^2) в ряд Маклорена.

3.2.3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков в ходе промежуточной аттестации

Процедура оценивания знаний (устный ответ)

Предел длительности	10 минут
Предлагаемое количество заданий	2 вопроса
Последовательность выборки вопросов из каждого раздела	Случайная
Критерии оценки	- требуемый объем и структура - изложение материала без фактических ошибок - логика изложения - использование соответствующей терминологии - стиль речи и культура речи - подбор примеров их научной литературы и практики
«5» если	требования к ответу выполнены в полном объеме
«4» если	в целом выполнены требования к ответу, однако есть небольшие неточности в изложении некоторых вопросов
«3» если	требования выполнены частично – не выдержан объем, есть фактические ошибки, нарушена логика изложения, недостаточно используется соответствующая терминологии

Процедура оценивания умений и навыков (решение проблемно-аналитических и практических учебно-профессиональных задач)

Предлагаемое количество заданий	1
Последовательность выборки	Случайная
Критерии оценки:	- выделение и понимание проблемы - умение обобщать, сопоставлять различные точки зрения - полнота использования источников - наличие авторской позиции - соответствие ответа поставленному вопросу - использование социального опыта, материалов СМИ, статистических данных

	- логичность изложения - умение сделать квалифицированные выводы и обобщения с точки зрения решения профессиональных задач - умение привести пример - опора на теоретические положения - владение соответствующей терминологией
«5» если	требования к ответу выполнены в полном объеме
«4» если	в целом выполнены требования к ответу, однако есть небольшие неточности в изложении некоторых вопросов. Затрудняется в формулировании квалифицированных выводов и обобщений
«3» если	требования выполнены частично – пытается обосновать свою точку зрения, однако слабо аргументирует научные положения, практически не способен самостоятельно сформулировать выводы и обобщения, не видит связь с профессиональной деятельностью

4. Учебно-методическое и материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

4.1. Электронные учебные издания

1. Растопчина, О. М. Высшая математика : учебное пособие / О. М. Растопчина. — Москва : Московский педагогический государственный университет, 2018. — 150 с. — ISBN 978-5-4263-0594-6. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: http://www. znanium.ru/79053.html (дата обращения: 18.05.2020). — Режим доступа: для авторизир. пользователей
2. Растопчина, О. М. Высшая математика : практикум / О. М. Растопчина ; под редакцией А. И. Нижников, Т. Н. Попова. — Москва : Московский педагогический государственный университет, 2017. — 138 с. — ISBN 978-5-4263-0534-2. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: http://www. znanium.ru/72486.html (дата обращения: 18.05.2020). — Режим доступа: для авторизир. пользователей
3. Березина, Н. А. Высшая математика : учебное пособие / Н. А. Березина. — 2-е изд. — Саратов : Научная книга, 2019. — 158 с. — ISBN 978-5-9758-1888-1. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: http://www. znanium.ru/80978.html (дата обращения: 18.05.2020). — Режим доступа: для авторизир. пользователей
4. Шапкин, А. С. Задачи с решениями по высшей математике, теории вероятностей, математической статистике, математическому программированию : учебное пособие для бакалавров / А. С. Шапкин, В. А. Шапкин. — 8-е изд. — Москва : Дашков и К, 2019. — 432 с. ISBN 978-5-394-01943-2. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: http://www. znanium.ru/85140.html (дата обращения: 18.05.2020). — Режим доступа: для авторизир. пользователей

4.2. Электронные образовательные ресурсы

1. Электронно-библиотечная система Znanium (ЭБС Znanium) – электронная библиотека по всем отраслям знаний https://znanium.com/
2. e-Library.ru: Научная электронная библиотека [Электронный ресурс]. – URL: http://elibrary.ru/.
3. Научная электронная библиотека «КиберЛенинка» [Электронный ресурс]. – URL: http://cyberleninka.ru/.
4. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» [Электронный ресурс]. – URL: http://window.edu.ru/.
5. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов [Электронный ресурс]. – URL: http://fcior.edu.ru/.

4.3. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Обучающимся обеспечен доступ (удаленный доступ) к ниже следующим современным профессиональным базам данных и информационным справочным системам:

1. Словари и энциклопедии на Академике [Электронный ресурс]. – URL: http://dic.academic.ru.
2. Система информационно-правового обеспечения «Гарант» [Электронный ресурс]. – URL: http://ivo.garant.ru/.

4.4. Комплект лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства

1. Лицензионное программное обеспечение: операционная система Microsoft Windows, пакет офисных приложений Microsoft Office.
2. Свободно распространяемое программное обеспечение: свободные пакеты офисных приложений Apache Open Office, LibreOffice.

4.5. Оборудование и технические средства обучения

Для реализации дисциплины (модуля) используются учебные аудитории для проведения учебных занятий, которые оснащены оборудованием и техническими средствами обучения, и помещения для самостоятельной работы обучающихся, которые оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду АНО ВО МИЭМ. Допускается замена оборудования его виртуальными аналогами.

Наименование учебных аудиторий для проведения учебных занятий и помещений для самостоятельной работы*	**Оснащенность учебных аудиторий для проведения учебных занятий и помещений для самостоятельной работы оборудованием и техническими средствами обучения**
Учебные аудитории для проведения учебных занятий	Учебная аудитория укомплектована специализированной мебелью, отвечающей всем установленным нормам и требованиям, оборудованием и техническими средствами обучения (мобильное мультимедийное оборудование).
Помещение для самостоятельной работы	Помещение оснащено компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду АНО ВО МИЭМ и к ЭБС.

* Номер конкретной аудитории указан в приказе об аудиторном фонде, расписании учебных занятий и расписании промежуточной аттестации.